Acta Sinica Quantum Optica

文章编号: 1007-6654(2012)02-0202-06

Ⅱ 类光学参量放大器中多横模的共振

崔淑珍, 刘奎, 郜江瑞⁺

(量子光学与光量子器件国家重点实验室,山西大学光电研究所,山西太原 030006)

摘要:研究了一阶厄米-高斯模 TEM₀₁模和 TEM₁₀模在光学参量放大器中的共振情况。针对非线性 KTP 晶体各向异性引入像散效应,导致 TEM₀₁模和 TEM₁₀模不能在光学参量放大器中同时共振,设计了一个对 称补偿方案,使其可以在光学参量放大器中同时共振,并进行了实验验证,为超纠缠态的实验产生奠定了 基础。

0 引言

以非经典光场为研究对象的量子光学,以其 对量子物理、量子信息领域的重要意义而倍受关 注,得到了飞速的发展。纠缠态光场是一类重要 的非经典光场。作为量子信息的核心资源,利用 其可以完成量子离物传态,量子密集编码,量子 计算和量子保密通信等实验。光学参量振荡器是 采用非线性晶体实现频率下转换的光学装置,目 前实验上产生连续变量纠缠源大多采用传统的光 学参量过程方法,通过分束器耦合两个由光学参 量过程产生的压缩态光场制备纠缠源,或者利用 偏振非简并光学参量放大器直接产生纠缠光场。 光学参量振荡器常用于非经典态的产生,例如, 强度关联孪生光束^[1],压缩反射泵浦场^[2],明亮 两组份纠缠^[3]和三组分纠缠态^[4]。大多数研究都 是基于基模高斯光束。

近年来,由于在量子成像、量子信息以及量子 计量等方面的潜在应用价值,连续变量空间多模 非经典态引起人们广大兴趣,已经有实验分别通 过脉冲光参量放大器^[5],原子蒸汽^[6],共焦光参 量振荡器^[7]和不同模式之间的线性干涉^[8-10]而产 生。其中丹麦小组采用 I 类位相匹配非线性晶 体,通过非简并光参量振荡器实现了两个一阶拉 盖尔-高斯模之间的纠缠,通过拉盖尔-高斯模与 厄米-高斯模之间基矢转化,得到 TEM₀₁模和 TEM₁₀模的振幅压缩光^[11]。巴赫等人实现了两 空间模式 TEM₀₁模和 TEM₁₀模之间的纠缠,其实 验过程中采用 TEM₀₁明亮模和 TEM₁₀真空模同 时共振^[12]。巴西小组提出理论, II 类光学参量放 大器可以同时产生两对纠缠的输出模^[13](即超纠 缠态)。

在 I 类光学参量放大器中, TEM₀₁ 模的 *e* 光 和 TEM₁₀模的 *e* 光频率简并,可以同时共振。利 用 II 类光学参量放大器可直接同时产生多对纠 缠,而对于 II 类光学参量放大器,由于晶体各向 异性引入像散效应,导致四个模式(即 TEM₀₁模 的 *o* 光和 *e* 光以及 TEM₁₀模的 *o* 光和 *e* 光)之间频 率不简并, 共振位置出现分裂, 不能在腔中同时

*收稿日期: 2012-02-29

†通讯作者: E-mail: jrgao@sxu. edu. cn

基金项目: 国家自然科学基金(No. 60978008;No.61108003);国家基础研究计划(No. 2010CB923102)

作者简介: 崔淑珍(1985—),女,山西忻州人,硕士研究生。研究领域:量子光学。Email:cuifang_confidence@126. com

共振^[14]。文中通过理论分析导致其不能同时共振的根本原因,并针对此现象设计了一个简单易操作的方案,使得这四个模式可以在腔中实现同时共振,并进行了实验验证。

1 Ⅱ类 OPA 腔中 TEM₀₁模和 TEM₁₀模的 共振情况

非简并光学参量放大器基本原理如图 1 所 示,可由两个腔镜,非线性 KTP 晶体,泵浦光和 注入光构成。泵浦光在腔中多次穿过晶体,产生 偏振相互垂直的信号光和闲置光。



图 1 非简并光学参量放大器(NOPA)结构示意图 Fig. 1 Sketch map of the nondegenerate optical parametric amplifier

谐振腔为空腔(没有晶体)时,TEM₀₁模和 TEM₁₀模频率简并,即对应同一腔长,可以同时共 振。光学参量放大器内含非线性晶体,由于非线 性晶体各向异性,引入像散、色散效应,影响腔中 模式共振情况。Gouy 位相是衡量腔中模式共振 的重要物理量,如两个模式的 Gouy 位相值不等, 则表示这两个模式在腔中的共振位置不一致,从 而导致不能同时在腔中共振。

考虑晶体的双折射效应,由传输光束的傍轴 波动方程可得归一化波函数^[14]

$$U(x, y) = \left(\frac{k_{eff}x_R}{\pi 2^{2n}n !^2 (x^2 + x_R^2)}\right)^{\frac{1}{4}} H_n\left(y \sqrt{\frac{k_{eff}x_R}{x^2 + x_R^2}}\right) \times \exp\left[-i \frac{k_{eff}y^2}{2(x + ix_R)} - i\left(n + \frac{1}{2}\right) \arctan\left(\frac{x}{x_R}\right)\right]$$

$$(1)$$

其中, x_R 是瑞利长度, k_{eff} 是有效波数, $H_n(x)$ 是 n 阶厄米多项式 $(n \ge 0)$, $\arctan \frac{x}{x_R}$ 是 Gouy 相移。

瑞利长度满足关系式

$$x_R^2 = L^2 \, \frac{2R_m - L}{4} \tag{2}$$

其中, R_m为曲率半径。

当光沿晶轴 x 方向传输时, o 光和 e 光沿 y,z方向的有效波数分别为^[10]

$$k_{eff_{y}^{o}} = n_{z}k_{0}; \qquad k_{eff_{z}^{o}} = \frac{n_{x}^{2}}{n_{z}}k_{0}.$$

$$k_{eff_{y}^{e}} = \frac{n_{x}^{2}}{n_{z}}k_{0}; \qquad k_{eff_{z}^{e}} = n_{y}k_{0}. \qquad (3)$$

有效腔长

$$L = L_0 - l \frac{k_{eff} - k_0}{k_{eff}}$$
(4)

其中,*L*。为两腔镜间距,*l*为晶体长度,*k*。为真空 中传播的波数。

环绕腔一周总的 Gouy 相移

$$\Phi = 4 \arctan\left[\frac{\sqrt{L}}{\sqrt{2R_m - L}}\right] \tag{5}$$

腔内模式环绕腔一周所增加的相位取决于厄 米-高斯模 TEM_{mn}的阶数,此腔模总的 Gouy 相位 为 $\Phi = \left(m + \frac{1}{2}\right)\Phi_z + \left(n + \frac{1}{2}\right)\Phi_y \qquad (6)$

结合 KTP 晶体在波长 1080 nm 处的折射率 ($n_x \approx n_y \neq n_z$),由(3)式和(4)式可以得到,对于 任一模式的 e 光沿 y,z方向的有效腔长值(一周 总的 Gouy 相移)差别甚小,可以忽略;而同一模 式的 o 光沿 y,z方向的有效腔长值(一周总的 Gouy 相移)相差较大。也就是说,对于 e 光, TEM₀₁模与 TEM₁₀模的总 Gouy 相位之间差别甚 微;但是对于 o 光, TEM₀₁模与 TEM₁₀模的总 Gouy 相位之间存在较大差异,导致两者频率不简 并,共振位置不同。

为了实现 TEM₀₁模的 o 光和 e 光以及 TEM₁₀ 模的 o 光和 e 光共四个模式在腔中同时共振,必 须使这四个模式在腔中总的 Gouy 相位相等,通 过使用两块长度完全相同的晶体,可以相互补偿 由晶体各向异性引入的像散、色散效应,即在腔 内依次对称放置 两块长度完全相同的非线性 KTP 晶体和一个 $\frac{\lambda}{4}$ 波片,晶体采用非临界位相 匹配切割。两晶体的晶轴及放置方式如图 2 所 示,第二块晶体相对于第一块晶体旋转 90 度,其 作用为弥补由晶体导致的同一偏振、不同横模 (TEM₀₁模和 TEM₁₀模)之间在空间像散上的差 别, $\frac{\lambda}{4}$ 波片的作用是弥补同一横模、不同偏振间 的相差。





由 l_1 和 l_2 分别表示两块晶体的精确长度,如 图放置及加 $\frac{\lambda}{4}$ 波片之后,入射光 o 光和 e 光沿腔 坐标系 y,z 方向绕腔一周的有效腔长分别为

$$\begin{split} L_{y}^{o} &= 2L_{0} - l_{1} \; \frac{k_{eff\,y}^{o} - k_{0}}{k_{eff\,y}^{o}} - l_{2} \; \frac{k_{eff\,z}^{e} - k_{0}}{k_{eff\,z}^{e}} - \\ l_{2} \; \frac{k_{eff\,z}^{o} - k_{0}}{k_{eff\,z}^{o}} - l_{1} \; \frac{k_{eff\,y}^{e} - k_{0}}{k_{eff\,y}^{e}}; \\ L_{z}^{o} &= 2L_{0} - l_{1} \; \frac{k_{eff\,z}^{o} - k_{0}}{k_{eff\,z}^{o}} - l_{2} \; \frac{k_{eff\,y}^{e} - k_{0}}{k_{eff\,y}^{e}} - \end{split}$$

$$l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}} - l_{1} \frac{k_{eff} \frac{s}{z} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{z}};$$

$$L_{y}^{e} = 2L_{0} - l_{1} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}} - l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{z} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{z}} - l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{z} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{z}};$$

$$l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{z} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{z}} - l_{1} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}};$$

$$L_{z}^{e} = 2L_{0} - l_{1} \frac{k_{eff} \frac{s}{z} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{z}} - l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}} - l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}} - l_{2} \frac{k_{eff} \frac{s}{y} - k_{0}}{k_{eff} \frac{s}{y}}.$$
(7)

可以看到,当且仅当 $l_1 = l_2$ 时, $L_y^o = L_z^e = L_y^e$ = L_z^e , 进而使得 $\Phi_y^o = \Phi_z^o = \Phi_y^e = \Phi_z^e$ 。

此时,入射 TEM_{01}° 模、 TEM_{01}° 模、 TEM_{10}° 模和 TEM_{10}° 模时总的 Gouy 相位分别为:

$$\begin{split} \Phi_{01}^{e} &= \frac{1}{2} \Phi_{z}^{e} + \frac{3}{2} \Phi_{y}^{e}; \\ \Phi_{01}^{e} &= \frac{1}{2} \Phi_{z}^{e} + \frac{3}{2} \Phi_{y}^{e}; \\ \Phi_{10}^{e} &= \frac{3}{2} \Phi_{z}^{e} + \frac{1}{2} \Phi_{y}^{e}; \\ \Phi_{10}^{e} &= \frac{3}{2} \Phi_{z}^{e} + \frac{1}{2} \Phi_{y}^{e}. \end{split}$$
(8)

显然, $\Phi_{01}^{*} = \Phi_{01}^{*} = \Phi_{10}^{*} = \Phi_{10}^{*}$,说明腔中放置两块 长度完全相等的晶体时,这四个模式可以在腔中 同时共振。

2 实验及结果 实验装置如图3所示,具有540~1080nm



Fig. 3 The experiment setup for the simultaneous output of transverse multimodes with a Type- [] Optical Parametric Amplification

双波长输出的 YAP 全固态激光器用作相干光 源,提供 TEM₀₀模.通过模清洁器(MC)将激光器 输出的 1080 nm 的 TEM_{00} 模转换为 TEM_{01} 模,然 后用分束器分为两束,其中一束使用 prism 将 TEM_{01} 模转换为 TEM_{10} 模,另一光路中放置位相 调制器和压电陶瓷,位相调制器用于锁腔,压电 陶瓷用于控制泵浦光与注入光之间的相对相位。 两分支光路上放置半波片和偏振分光棱镜,用于 调节各自光路中的光强,之后在 50/50 分束器上 进行耦合,耦合光通过半波片,改变偏振态,注入 光学参量放大器。非简并光学参量放大器的两 个球面镜具有相等的曲率半径 $R_m = 30 \text{ mm}$,输 入镜 M1 镀有红外高反膜(R = 99.8%@1080 nm),输出镜 M2 对红外有一定透射率(T =6.38%@1080 nm)。实验中,为了减小由晶体表 面反射引起的额外损耗,晶体两端均镀有 540 nm 和 1080 nm 的双减反膜。两腔镜间距为 61.6 mm,为近共心腔。从腔中透出的红外光,经过 98/2 分光镜, 少部分透射光用光电二极管 PIN InGaAs(ETX-300)探测,用于锁腔;大部分反射 光用于观测及后续实验需要。

当非简并光学参量放大器中放置一块晶体, 注入光 TEM₀₁模和 TEM₁₀模均为 *e* 光或 *o* 光,通 过高压放大器,在腔镜的压电陶瓷上加载三角 波,改变腔长,观察透射峰。如图 4 所示,与理论 一致,在扫腔过程中,前者观测到单一的透射峰, 说明 TEM₀₁模的 *e* 光与 TEM₁₀模的 *e* 光频率简 并,即对应同一腔长,在腔中可以同时共振。后 者观测到两个透射峰,此时自由光谱区约为 5 GHz, TEM₀₁模与 TEM₁₀模之间相差约 9 MHz, 说明 TEM₀₁模的 *o* 光和 TEM₁₀模的 *o* 光频率不简 并,共振位置不同,不能实现同时共振。

在非简并光学参量放大器中如图 2 放置两块 晶体和一个 $\frac{\lambda}{4}$ 波片,波片与 o 光和 e 光的夹角均 为 45° 。由上面理论可知,当两个晶体长度完全 一致时,四个模式同时在腔中共振。但是,由于 机械加工误差,这两块晶体长度会有微米量级的 差异。在实验中,可以采用两个控温,分别控制 两块晶体的温度,通过调节两块晶体间的温度差



- 图 4 (a) NOPA 腔中 TEM₅₁ 模和 TEM₅₀ 模透射
 峰; (b) NOPA 腔中 TEM₆₁ 模和 TEM₅₀
 模透射峰; (c) 为图(b)透射峰的展开图
- Fig. 4 Resonance peak for the different modes of NOPA (a) for the TEM^e₀₁ and TEM^e₁₀ modes (b) for the TEM^e₀₁ and TEM^e₁₀ modes (c) unfolding for (b)

异,补偿两晶体的长度差异,使分裂的透射峰重合。旋转腔之前的半波片,使得注入光 TEM₀₁模和 TEM₁₀模都是 *e* 光或都是 *o* 光时,均可以看到

单一的共振峰。再次改变半波片,使得注入光为 TEM₀₁的 *o* 光和 *e* 光以及 TEM₁₀的 *o* 光和 *e* 光同 时存在时,通过扫腔,改变晶体温度,观察这四个 模式在腔中的共振情况,如图 5 所示,看到四个 模式在腔中实现同时共振。

实现了 TEM₀₁模和 TEM₁₀模的共振后,加入 波长为 540 nm,功率为 1.2 W 的泵浦光, TEM₀₁ 模和 TEM₁₀模均看到 2-3 倍的增益。注入 TEM₀₁模,采用平衡零拍方法测压缩,在干涉度 大约为 96%时,如图 6 所示,明亮 TEM₀₁模和真 空 TEM₁₀模均测得大约 2 dB 的压缩。



图 5 TEM³₁ 模、TEM³₁₀ 模、TEM⁵₁ 模和 TEM⁵₁₀ 模 的共振峰

Fig. 5 Resonance peak for the different modes TEM_{01}^e , TEM_{10}^e , TEM_{01}^o and TEM_{10}^o modes at the same time



图 6 (a) TEM_{01} 模的压缩, (b) TEM_{10} 模的压缩 Fig. 6 (a) the measured squeezing of TEM_{01} modes (b) the measured squeezing of TEM_{10} modes

3 总结

本文理论分析了一阶厄米-高斯模 TEM₀₁模 和 TEM₁₀模在光学参量放大器中的共振情况,并 在实验中观测其相应现象。针对非线性 KTP 晶 体各向异性引入像散效应,导致 TEM₀₁模和 TEM₁₀模不能在光学参量放大器中同时共振,设 计了一个简单而且容易操作的方案。在非线性 光学参量振荡腔中如图 2 放置两块非线性晶体 以及一个 ^λ/₄ 波片,用以补偿晶体各向异性引入的 像散效应,使用两个控温分别控制两个晶体温 度,通过调节其相对温度,使 TEM₀₁模和 TEM₁₀ 模可以在 II 类光学参量放大器中同时共振, TEM₀₁模和 TEM₁₀模都看到大约 2 dB 的压缩, 为开展后续连续变量超纠缠态制备的实验提供 了必备条件。

参考文献:

- HEIDMANN A, HOROWICZ R J, REYNAUD S, et al. Observation of Quantum Noise Reduction on Twin Laser Beams [J]. Phys Rev Lett, 1987, 59(22): 2555-2557.
- [2] KASAIK, JIANGRUIG, FABRE C. Observation of Squeezing Using Cascaded Nonlineatity [J]. Europhys Lett,

1997, **40**(1): 25-30.

- [3] OU Z Y, PEREIRA S F, KIMBLE H J, et al. Realization of the Einstein-Podolsky-Rosen Paradox for continuous variables [J]. Phys Rev Lett, 1992, 68(25): 3663-3666.
- [4] COELHO A S, BARBOSA F A S, CASSEMIRO K N, et al. Three-Color Entanglement [J]. Science, 2009, 326 (5954): 823-826.
- [5] SANG-KYUNG CHOI, MICHAEL VASILYEV, PREM KUMAR. Noiseless Optical Amplification of Images [J]. Phys Rev Lett, 1999, 83(10): 1938-1941.
- [6] BOYER V, MARINO A M, LETT P D. Generation of Spatially Broadband Twin Beams for Quantum Imaging [J]. Phys Rev Lett, 2008, 100(14): 143601.
- [7] MARTINELLI M, TREPS N, DUCCI S, et al. Experimental Study of the Spatial Distribution of Quantum Correlations in a Confocal Optical Parametric Oscillator [J]. Phys Rev A, 2003, 67(2): 023808.
- [8] TREPS N, ANDERSEN U, BUCHLER B, et al. Surpassing the Standard Quantum Limit for Optical Imaging Using Nonclassical Multimode Light [J]. Phys Rev Lett, 2002, 88(20): 203601.
- [9] LASSEN M, DELAUBERT V, JANOUSEK J, et al. Tools for Multimode Quantum Information: Modulation, Detection, and Spatial Quantum Correlations [J]. Phys Rev Lett, 2007, 98(8): 083602.
- [10] KATHERINE WAGNER, JIRI JANOUSEK, VINCENT DELAUBERT, et al. Entangling the Spatial Properties of Laser Beams [J]. Science, 2008, 321(5888): 541-543.
- [11] LASSEN M, LEUCHS G, ANDERSEN U L. Continuous Variable Entanglement and Squeezing of Orbital Angular Momentum States [J]. Phys Rev Lett, 2009, 102(16): 163602.
- [12] JANOUSEK J, WAGNER K, MORIZUR J-F, et al. Optical Entanglement of Co-propagating Modes [J]. Nature Photonics, 2009, 3: 399-402.
- [13] COUTINHO DOS SANTOS B, DECHOUM K, KHOURY A Z. Continuous-Variable Hyperentanglement in a Parametric Oscillator with Orbital Angular Momentum [J]. Phys Rev Lett, 2009, 103(23): 230503.
- [14] MARTINELLI M, HUGUENIN J. A. O, NUSSENZVEIG P, et al. Orbital Angular Momentum Exchange in an Optical Parametric Oscillator [J]. Phys Rev A, 2004, 70(1): 013812.

Transverse Multimodes Resonance in a Type- []

Optical Parametric Amplification

CUI Shu-zhen, LIU Kui, GAO Jiang-rui

(State Key Laboratory of Quantum Optics and Quantum Optics Devices, Institute of Opto-Electronics of Shanxi University, Taiyuan, Shanxi 030006, China)

Abstract: We investigate theoretically and experimentally the oscillation of first-order Hermite-Gauss TEM_{01} and TEM_{10} modes in an optical parametric amplification. We present a symmetrical and complemental method to avoid the astigmatism caused by the crystal birefringence, so that TEM_{01} and TEM_{10} modes can be resonate simultaneously in the optical parametric amplifier, and experimentally demonstrate it, this result is useful for the generation of hyperentanglement.

Key words: Hermite-Gaussian mode; astigmatism; degeneracy; hyperentanglement; optical parametric amplification